# **Chapter 18 Quadratic Functions and Equations 18.3 Quadratic Equations**

Basics of Quadratic Equations ~ The Square Root Property ~ Completing the Square ~ Solving an Equation for a Variable ~ Applications of Quadratic Equations

# STUDY PLAN

Read:	Read Section	18.3 on pages	1180-1189 in	your textbook or	eText.	

 Practice:
 Do your assigned exercises in your
 Book
 MyMathLab
 Worksheets

 Review:
 Keep your corrected assignments in an organized notebook and use them to review for the test.
 Worksheets

#### Key Terms

*Exercises 1-2: Use the vocabulary terms listed below to complete each statement. Note that some terms or expressions may not be used.* 

quadratic equation square root property

- 1. A(n) \_\_\_\_\_ can be written as  $ax^2 + bx + c = 0$ , where *a*, *b*, and *c* are constants with  $a \neq 0$ .
- 2. The \_\_\_\_\_\_\_ states that if k is a nonnegative number, then the solutions to the equation  $x^2 = k$  are given by  $x = \pm \sqrt{k}$ .

#### **Basics of Quadratic Equations**

*Exercises 1-3: Refer to Example 1 on pages 1181-1183 in your text and the Section 18.3 lecture video.* Graph these three equations.

Solve each quadratic equation. Support your results numerically and graphically.

1.	$2x^2 + 5 = 0$	1
2.	$x^2 + x - 6 = 0$	2
3.	$x^2 + 1 = 2x$	3

### **The Square Root Property**

Exercises 4-7: Refer to Examples 2-3 on page 1184 in your text and the Section 18.3 lecture video.

Solve each equation.										
4.	$x^2 = 8$	4								
5.	$4x^2 - 25 = 0$	5								
6.	$\left(x+3\right)^2 = 16$	6								
7.	An object falls from a height of 80 feet. How long does it take for the object to hit the ground? $h(t) = 80-16t^2$	7								

### **Completing the Square**

*Exercises 8-10: Refer to Examples 4-6 on pages 1185-1186 in your text and the Section 18.3 lecture video.* 

8.	Find the term that should be added to $x^2 + 8x$ to form a perfect square trinomial.	8
9.	Solve the equation $x^2 + 4x - 3 = 0$ .	9
10.	Solve the equation $2x^2 - 5x = 4$ .	10

### Solving an Equation for a Variable

Exercises 11-12: Refer to Example 7 on page 1187 in your text and the Section 18.3 lecture video.

Solve each equation for the specified variable.

11.	$x = 9y^2 + 1,$	for <i>y</i>		11	
-----	-----------------	--------------	--	----	--

**12.**  $V = \pi r^2 h$ , for *r* (Hint: r > 0.)

# **Applications of Quadratic Equations**

*Exercises 13-14: Refer to Examples 8-9 on pages 1187-1188 in your text and the Section 18.3 lecture video.* 

- **13.** Find a safe speed limit *x* for a curve with a radius of 200 feet by **13.** \_\_\_\_\_ using the equation  $R = \frac{1}{2}x^2$ .
- **14.** The function  $f(x) = 0.0066x^2 23.76x + 21,389$  models the<br/>population of the United States in millions from 1800 through<br/>2000, where x = 1800 corresponds to the year 1800, etc.<br/>Determine the approximate population of the United States<br/>in the year 1950.**14.**

Copyright © 2013 Pearson Education, Inc.

12.\_\_\_\_\_

15 A hotel is considering giving the following group discount on room rates. The regular price for a room is \$112, but for each room rented the price decreases by \$4. A graph of the revenue received from renting x rooms is shown.



(a) Interpret the graph.	10.(a)
<ul><li>(From the graph)</li><li>(b) What is the maximum revenue? How many rooms should be rented to receive the maximum revenue?</li></ul>	(b)
(c) Use f(x) to calculate when Revenue will be \$0.	(c)
(d) Use $f(x)$ to determine symbolically the maximum revenue and the number of rooms that should be rented.	(d)

			•								•12	۴·									Name
				:	:		:	:	:	:	.10				:			:		:	
	•		•	·	•		·	·	•	•	• 9	ŀ٠	• •	•	•	• •	•	·	• •	•	Prob
	:			:	:		:	:	:	:	. 7	E:	: :	:	:		:	:	: :	:	
	•		•	•							• 6	L.		•							
	•	• •	•	•	•	• •	•	•	•	•	• 5	F.	• •	•	•	• •	•	·	• •	•	
	:			:	:		:	:	:	:	.3	Ľ.		:	:		:	:		:	
	•		•	·	•		•	·	·	•	• 2	ŀ٠	• •	•	•	• •	•	·	• •	•	
_	• -1	 2-1	1-10	-9	-8 -	 7 -6	-5	-4	-3	-2 -	-1	Ŀ:	ii	i	i	÷	i	i	i	_i_	ĸ
				i	!		ļ	ï	i	ŀ	!_	1	2 3	4	5	67	8	9	10 1	1 12	
	•	• •	•	·	•	• •	•	·	·	•	• -	-2•	• •	•	•	• •	•	·	• •	•	
	:	•••		:	:		:	:	:	:	:_	-3·		:	:	•••	:	:	: :	:	
	•											-5.									
	•	• •	•	·	•	• •	•	·	·	·	• –	-6.	• •	•	·	• •	•	·	• •	•	
	:			:	:		:	:	:	:	:_	-7.		:	:	•••	:	:		:	
												-9.									
	•	• •	•	·	•	• •	·	·	·	·	• –	-10•	• •	·	•	• •	•	·	• •	·	
				-							40	y									
			:	:	: :		:	:	:	:	• 12		: :	:	:	: :	:	:	: :	:	Prob
											.10	<b>_</b> .									
	•		•	•	• •	• •	·	•	•	•	• 9	- ·	• •	•			·	·		•	
		•••	:	:	: :		:	:	:	:	. 8	E:	: :	:	:		:	:	: :	:	
											• 6										
	•		•	·	• •	•		·	•	•	• 5	<b>-</b> ·	• •	•	•		•	·		•	
	•	• •	•	•	• •	•	•	•	•	•	• 4	<u> </u>	• •	•	•	•••	•	•	• •	•	
				:			:	:	:	:	. 2	Ξ.		:			:	:			
	-1								-3		; 1	F:	: :	;	;	: :	;	:	: :	:	,
•			Ţ	Ť	Ī	Ţ	Ţ	Ţ	Ţ	Ť	<u> </u>	1	2 3	4	5	67	8	91	0 1	12	•
										•		-2•									
	•	• •	•	•	•	•	•	·	•	•	• -	-3•	• •	·	•	•••	•	·	• •	·	
			:	:	: :		:	:	:	:	:1	-4•	: :	:	:		:	:	: :	:	
												-6.									
	-	• •	•	·	• •	•	·	·	·	·	• -	-7.	• •	·			•	·	• •	•	
			:	:	: :		:	:	:	:	: _	-8.	: :	:	:		:	:	: :	:	
												-10.									
	•		•	·	• •	•	·	·	•	•	• -	-11-	• •	·	•		·	·		•	
	•	• •	•	·	• •	•	·	·	·	·	• –	-12	• •	·	•	•••	·	·	• •	·	
											.12	¥.									
	-	• •	•	·	• •	•	·	·	•	·	• 11	<b>-</b> ·	• •	·		• •	·	·			Prob
			:	:	: :		:	:	:	:	.10	<u> </u>	: :	:	:	: :	÷	÷	: :	:	
											. 8	Ε.									
	•		•	·	• •	•	·	·	•	·	. 7	<u>-</u> .	• •	·	•		·	·			
		•••	:	:	: :		:	:	:	:	• 6 • 5	<u>-</u> :	: :	:	:		:	•	: :	:	
											. 4	Ξ.		•							
	•		•	·	• •	•	·	·	·	•	• 3	<b>-</b> ·	• •	·	•		·	·		•	
		: :	:	:	: :	: :	:	:	:	:	· 2	E:	: :	:	:	: :	:	:	: :	:	
+	-1	2-11	-10	<u>.</u> 9 .	8 -	7 -6	-5	-4	-3	-2 -	1	Ę.	11	ļ	5	ļļ	-	0.1		12	C C C C C C C C C C C C C C C C C C C
	•	: !		:	: :		:	:		:	: -	:		4	•	• •	•			•	
		•••	:	:	: :		:	:	:	:	: ]	-2.	: :	:	:	•••	:	:	: :	:	
		•••		•	•		•	•		•		-4.	• •	•		•••	•				
	-		•	·	• •	•	•	•	•	•	· –	-5.	• •	·			•	•		•	
	•	• •	·	:	: :	:	:	:	:	:	: ]	-0.	: :	:	:		:	:	: :	:	
					• •	• •	•	•		•	· _	-8•	• •	•	•		•	·	• •	•	
	-	 	:	:			:	:		:	· _	-8+ -9.	• • • •	:		•••	:	:		:	
	-	· ·	•		 							-8• -9• -10• -11•	· · · · ·	•		· ·			· ·	•	
	-	· · ·	· · ·		• •							-8• -9• -10• -11• -12	· · · · · · · ·			· ·			· · ·		
		· · ·			• • • • • •							-8 -9. -10 -11 -12	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		•	· ·			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

\_HW Sec\_\_\_\_ e\_ \_\_\_\_